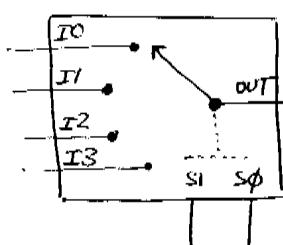


SISTEMAS DIGITAIS - FOLHA 5

CIRCUITOS COM LÓGICA COMBINATÓRIA

1. Desenhe um circuito que converte um número de 3 bits representado em código de Gray para binário natural
utilize portas ou-exclusivo (XOR)

2. Um multiplexer digital é um circuito lógico com n sinais de controle e 2ⁿ sinais de entrada. O circuito selecciona uma das linhas de entrada e liga-a à saída. Na figura representa-se simbólicamente um multiplexer de 4 entradas.



I₀, ..., I₃ são os sinais de entrada, e
S₁, S₀ são os sinais de controlo.
Construa com portas NAND este
multiplexer

3. Um multiplexer de n sinais de controlo pode realizar qualquer função lógica de n+1 variáveis. Realize a função $f(A, B, C) = \sum m(2, 3, 5, 6)$ usando o multiplexer do problema anterior.

4. A função básica de 1 descodificador com n entradas é selecionar 1-de-2ⁿ saídas. Por exemplo num descodificador com 2 entradas, é selecionada 1 de 4 saídas.

A saída selecionada assume o valor lógico 1, enquanto as saídas não-selecionadas assumem o valor lógico zero.

Realize este descodificador com portas NAND e INVERT.

5. Um circuito lógico comparador é um circuito que compara a magnitude de dois números binários A, B.

Têm 3 saídas $A < B$, $A > B$, $A = B$.

Construa um comparador (com as portas lógicas que desejar) para números de 2 bits codificados em binário natural

6. Um circuito lógico somador ("full adder") de 1 bit

têm 3 entradas: o bit A_i do número A, o bit B_i do

número B, o bit C_{in} de transporte anterior; e duas

saídas: o bit S_i da soma, e o bit C_i de transporte.

Realize este circuito utilizando as portas mais convenientes.

SISTEMAS DIGITAIS - SOLUÇÃO FOLHA 5
(CIRCUITOS COM LÓGICA COMBINATÓRIA)

Tabela de Verdade:

| G_2 | G_1 | G_0 | B_2 | B_1 | B_0 |
|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 1 | 0 | 1 | 0 |
| 0 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 |
| 1 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 |
| 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | 1 |
| 1 | 0 | 1 | 1 | 1 | 0 |
| 1 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 |

(B_1)

| G_2 | $G_1 G_0$ | 00 | 01 | 11 | 10 |
|-------|-----------|-----|-----|-----|-----|
| 0 | 0 | 0 | 0 | (1) | (1) |
| 1 | 1 | (1) | (1) | 0 | 0 |

$$B_1 = G_2 \bar{G}_1 + \bar{G}_2 \cdot G_1 \\ = G_2 \oplus G_1$$

Mapas de Karnaugh:

(B_2)

| G_2 | $G_1 G_0$ | 00 | 01 | 11 | 10 |
|-------|-----------|----|----|----|----|
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |

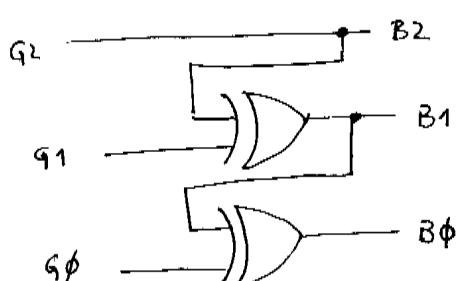
$$B_2 = G_2$$

(B_0)

| G_2 | $G_1 G_0$ | 00 | 01 | 11 | 10 |
|-------|-----------|----|-----|----|-----|
| 0 | 0 | 0 | (1) | 0 | (1) |
| 1 | (1) | 0 | (1) | 0 | 0 |

$$B_0 = \bar{G}_2 \bar{G}_1 G_0 + \bar{G}_2 G_1 \bar{G}_0 \\ + G_2 \bar{G}_1 \bar{G}_0 + G_2 G_1 G_0 \\ = G_0 (\bar{G}_2 \oplus G_1) + \bar{G}_0 (G_2 \oplus G_1) \\ = (G_2 \oplus G_1) \oplus G_0$$

Circuito:



2. Existem 6 entradas ($I_0, \dots, I_3, S_1, S_\phi$) na tabela de verdade, logo 64 combinações possíveis. Por este motivo, não é prático construir a tabela de verdade.

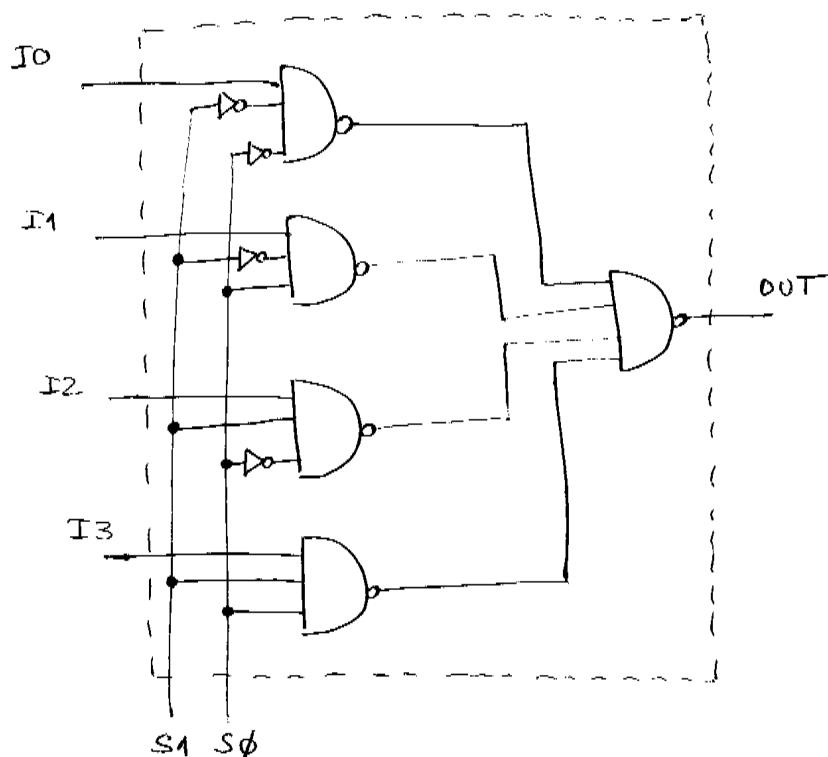
Retemendo que 1 é o elemento neutro da função E ($A \cdot 1 = A$) e ϕ é o elemento absorvente ($A \cdot \phi = \phi$)

é possível concluir que a função representada pelo multiplexer é:

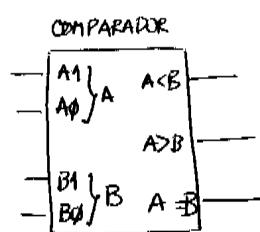
$$OUT \equiv f = (\overline{S_1} \overline{S_\phi}) I_0 + (S_1 \overline{S_\phi}) I_1 + (S_1 S_\phi) I_2 + (S_1 S_\phi) I_3$$

Negando duas vezes e aplicando a lei de De Morgan, tem-se

$$OUT = \overline{\overline{S_1} \overline{S_\phi} I_0} \cdot \overline{S_1 \overline{S_\phi} I_1} \cdot \overline{S_1 S_\phi I_2} \cdot \overline{S_1 S_\phi I_3}$$



5. Símbolo:



$A < B$

| B1 B0 | A1 A0 | 00 | 01 | 11 | 10 |
|-------|-------|----|----|----|----|
| 00 | 00 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 01 | 01 | 1 | 0 | 0 | 0 |
| 11 | 11 | 1 | 1 | 0 | 1 |
| 10 | 10 | 1 | 1 | 0 | 0 |

Tabela de Verdade

| B | A | $A < B$ | $A > B$ | $A = B$ |
|-----------|-----------|---------|---------|---------|
| $B_1 B_0$ | $A_1 A_0$ | | | |
| 00 | 00 | 0 | 0 | 1 |
| 00 | 01 | 0 | 1 | 0 |
| 00 | 10 | 0 | 1 | 0 |
| 00 | 11 | 0 | 1 | 0 |
| 01 | 00 | 1 | 0 | 0 |
| 01 | 01 | 0 | 0 | 1 |
| 01 | 10 | 0 | 1 | 0 |
| 01 | 11 | 0 | 1 | 0 |
| 10 | 00 | 1 | 0 | 0 |
| 10 | 01 | 1 | 0 | 0 |
| 10 | 10 | 0 | 0 | 1 |
| 10 | 11 | 0 | 1 | 0 |
| 11 | 00 | 1 | 0 | 0 |
| 11 | 01 | 1 | 0 | 0 |
| 11 | 10 | 1 | 0 | 0 |
| 11 | 11 | 0 | 0 | 1 |

$$(A < B) = \overline{B_1} \overline{A_1} + \overline{B_1} B_0 \overline{A_1} A_0$$

$$+ B_0 \overline{A_1} \overline{A_0}$$

$A > B$

| B1 B0 | A1 A0 | 00 | 01 | 11 | 10 |
|-------|-------|----|----|----|----|
| 00 | 00 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 01 | 01 | 0 | 0 | 1 | 1 |
| 11 | 10 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 10 | 11 | 0 | 0 | 1 | 0 |

$$(A > B) = \overline{B_1} A_1 + \overline{B_1} \overline{B_0} A_1 A_0$$

$$+ \overline{B_0} A_1 \overline{A_0}$$

$A = B$

| B1 B0 | A1 A0 | 00 | 01 | 11 | 10 |
|-------|-------|----|----|----|----|
| 00 | 00 | 1 | 0 | 0 | 0 |
| 01 | 01 | 0 | 1 | 0 | 0 |
| 11 | 10 | 0 | 0 | 1 | 0 |
| 10 | 11 | 0 | 0 | 0 | 1 |

$$(A = B) = \overline{B_1} \overline{B_0} \overline{A_1} \overline{A_0} + \overline{B_1} B_0 \overline{A_1} A_0$$

$$+ B_1 B_0 A_1 A_0 + B_1 \overline{B_0} A_1 \overline{A_0}$$

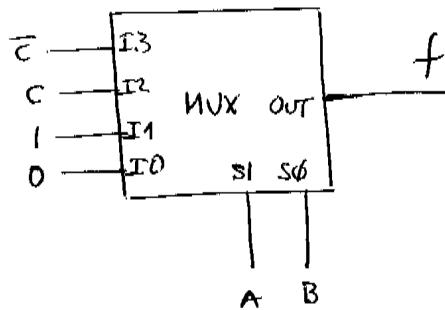
$$= \overline{B_1} \overline{A_1} (\overline{B_0} \oplus A_0) + B_1 A_1 (\overline{B_0} \oplus A_0)$$

$$= (\overline{B_1} \oplus A_1) \cdot (\overline{B_0} + A_0)$$

3. Tabela de Verdade

Realizações:

| m | S_1 | S_0 | A | B | C | f |
|-----|-------|-------|-----|-----|-----|-----|
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 |
| 2 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 |
| 3 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 4 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 5 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 |
| 6 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 |
| 7 | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 |



4. Tabela de Verdade

ENTRADAS SAÍDAS

| A | B | Y_0 | Y_1 | Y_2 | Y_3 |
|-----|-----|-------|-------|-------|-------|
| 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 |
| 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 |

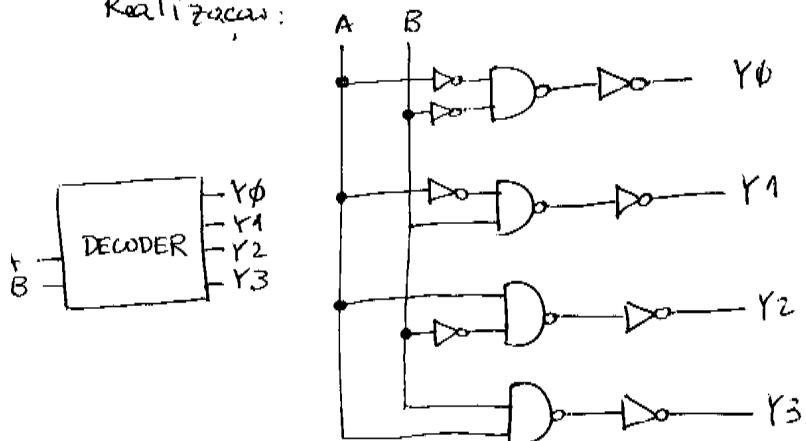
$$Y_0 = \bar{A} \bar{B}$$

$$Y_1 = \bar{A} B$$

$$Y_2 = A \bar{B}$$

$$Y_3 = A B$$

Realizações:



6. Tabela de Verdade

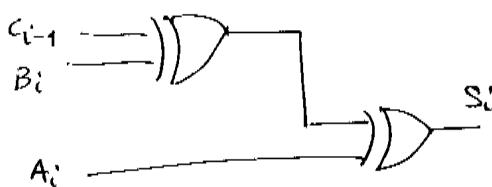
| C_{i-1} | A_i | B_i | S_i | C_i |
|-----------|-------|-------|-------|-------|
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| 0 | 1 | 0 | 1 | 0 |
| 0 | 1 | 1 | 0 | 1 |
| 1 | 0 | 0 | 1 | 0 |
| 1 | 0 | 1 | 0 | 1 |
| 1 | 1 | 0 | 0 | 1 |
| 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |

| | | (S_i) | | | | |
|-----------|-----------|-----------|----|----|----|----|
| | | $A_i B_i$ | 00 | 01 | 11 | 10 |
| C_{i-1} | $A_i B_i$ | 00 | 0 | 1 | 0 | 1 |
| | | 01 | 1 | 0 | 0 | 1 |

$$\begin{aligned}
 S_i &= C_{i-1} \overline{A_i} \overline{B_i} + \overline{C_{i-1}} \overline{A_i} B_i \\
 &\quad + C_{i-1} A_i \overline{B_i} + \overline{C_{i-1}} A_i B_i
 \end{aligned}$$

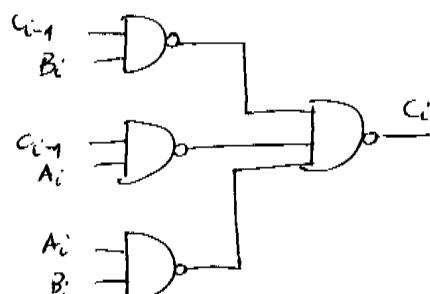
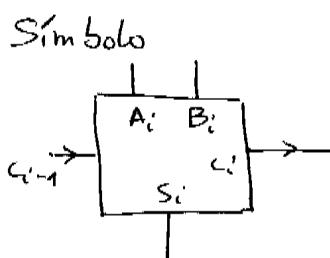
Realizações

$$\begin{aligned}
 &= \overline{A_i} (C_{i-1} \oplus B_i) + A_i (\overline{C_{i-1}} \oplus B_i) \\
 &= A_i \oplus (C_{i-1} \oplus B_i)
 \end{aligned}$$



| | | (C_i) | | | | |
|-----------|-----------|-----------|----|----|----|----|
| | | $A_i B_i$ | 00 | 01 | 11 | 10 |
| C_{i-1} | $A_i B_i$ | 00 | 0 | 0 | 1 | 0 |
| | | 01 | 1 | 1 | 1 | 1 |

$$C_i = C_{i-1} B_i + C_{i-1} A_i + A_i B_i$$



SD FS

5