



Análise Sintáctica

Compiladores, Aula N^o 19

João M. P. Cardoso

1

Aula 19



Definições: Conjuntos First() e Follow()

Notação

T é terminal,

NT é não-terminal,

S é terminal ou não-terminal,

α e β representam sequências de terminais e/ou não terminais

2

o Conjunto First(β)

- Conjunto de símbolos terminais situados mais à esquerda em todas as possíveis árvores de derivação de β
- $T \in \text{First}(\beta)$ se T pode aparecer como primeiro símbolo numa derivação começando em β
- Começar pelo conceito de NT derivando ϵ :
 - $NT \rightarrow \epsilon$ implica que NT deriva ϵ
 - $NT \rightarrow NT_1 \dots NT_n$ e se todos os NT_i ($1 \leq i \leq n$) derivam ϵ implica que NT deriva ϵ

Aula 19



Definições: Regras para First()

Notação

T é terminal,
NT é não-terminal,
S é terminal ou não-terminal,
e α e β representam sequências de terminais e/ou não terminais

- 1) $T \in \text{First}(T)$
- 2) $\text{First}(S) \subseteq \text{First}(S \beta)$
- 3) NT deriva ϵ implica:
 $\text{First}(\beta) \subseteq \text{First}(NT \beta)$
- 4) $NT \rightarrow S \beta$ implica:
 $\text{First}(S \beta) \subseteq \text{First}(NT)$

3

Aula 19



Definições: Exemplo First()

o First(Term')?

Gramática

$\text{Term}' \rightarrow * \text{INT Term}'$
 $\text{Term}' \rightarrow / \text{INT Term}'$
 $\text{Term}' \rightarrow \epsilon$

Solução

$\text{First}(\text{Term}') = \{*, / \}$
 $\text{First}(* \text{ Num Term}') = \{*\}$
 $\text{First}(/ \text{ Num Term}') = \{/ \}$
 $\text{First}(\epsilon) = \{ \}$
 $\text{First}(/) = \{/ \}$

4

Aula 19



Definições: Conjunto First()

- Se duas ou mais produções diferentes para o mesmo símbolo não-terminal têm conjuntos First com símbolos terminais comuns então:
 - A gramática não pode ser analisada com um *parser* preditivo LL(1) sem retrocesso
 - Exemplo:
 - $S \rightarrow X \$$
 - $X \rightarrow a$
 - $X \rightarrow a b$
 - $\text{First}(X \rightarrow a) = \{ a \}$
 - $\text{First}(X \rightarrow a b) = \{ a \}$
 - Qual a produção a escolher quando perante o símbolo terminal a?

5

Aula 19



Definições: Conjunto Follow()

- Para o símbolo não-terminal A , $\text{Follow}(A)$ é o conjunto dos primeiros terminais que podem vir depois de A em alguma derivação
- Regras para $\text{Follow}()$
 - $\$ \in \text{Follow}(S)$, em que S é o símbolo início
 - Se $A \rightarrow \alpha B \beta$ é uma produção então $\text{First}(\beta) \subseteq \text{Follow}(B)$
 - Se $A \rightarrow \alpha B$ é uma produção então $\text{Follow}(A) \subseteq \text{Follow}(B)$
 - Se $A \rightarrow \alpha B \beta$ é uma produção e β deriva ϵ então $\text{Follow}(A) \subseteq \text{Follow}(B)$

6

Aula 19

Definições: Algoritmo para Follow()

for all nonterminals NT

Follow(NT) = {}

Follow(S) = {\$}

while Follow sets keep changing

for all productions $A \rightarrow \alpha B \beta$

Follow(B) = Follow(B) \cup First(β)

if (β derives ϵ) Follow(B) = Follow(B) \cup Follow(A)

for all productions $A \rightarrow \alpha B$

Follow(B) = Follow(B) \cup Follow(A)

7

Aula 19

Definições: Exemplo Follow()

o Gramáticas exemplo:

• $S \rightarrow X \$$

$X \rightarrow a$

$X \rightarrow a b$

• Follow(S) = { \$ }

• Follow(X) = { \$ }

• $S \rightarrow X \$$

$X \rightarrow \text{"(X "}$

$X \rightarrow \epsilon$

• Follow(S) = { \$ }

• Follow(X) = { " ", \$ }

8

Aula 19

Parser com *Lookahead* apenas nas reduções

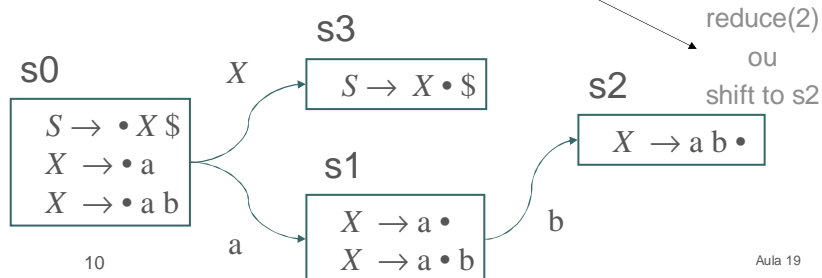
- Designa-se por *parser* Simple LR: SLR(1) ou simplesmente SLR
- Se um estado contiver: $A \rightarrow \beta \bullet$
- Reduzir de $A \rightarrow \beta$ apenas se o próximo símbolo na entrada pode seguir (*follow*) A em alguma derivação
- Gramática exemplo:
 - $S \rightarrow X \$$ (1)
 - $X \rightarrow a$ (2)
 - $X \rightarrow a b$ (3)

9

Aula 19

Parser sem *Lookahead*: LR(0)

State	ACTION			Goto
	a	b	\$	
s0	shift to s1	error	error	goto s3
s1	reduce(2)	S/R Conflict	reduce(2)	
s2	reduce(3)	reduce(3)	reduce(3)	
s3	error	error	accept	



10

Aula 19

Tabela sintáctica com apenas *lookahead* nas reduções

- Para cada estado
 - Transição para outro estado utilizando um símbolo terminal é um deslocamento para esse estado (*shift to sn*) (como anteriormente)
 - Transição para outro estado utilizando um símbolo não-terminal é um goto para esse estado (*goto sn*) (como anteriormente)
 - Se existir um item: $X \rightarrow \alpha \bullet$ no estado, fazer uma redução com essa produção **sempre que o símbolo corrente (T) na entrada possa seguir (follow) X em alguma derivação**
- Elimina acções de redução inúteis

11 Aula 19

Nova tabela sintáctica

State	ACTION			Goto
	a	b	\$	X
s0	shift to s1	error	error	goto s3
s1		shift to s2	reduce(2)	
s2			reduce(3)	
s3	error	error	accept	

b nunca segue X nas derivações:
resolver conflito *shift/reduce* com *shift*

```

graph TD
    s0["s0  
S -> • X $  
X -> • a  
X -> • a b"]
    s1["s1  
X -> a •  
X -> a • b"]
    s2["s2  
X -> a b •"]
    s3["s3  
S -> X • $"]
    
    s0 -- X --> s3
    s0 -- a --> s1
    s1 -- b --> s2
  
```

$b \notin \text{Follow}(X)$
 $a \notin \text{Follow}(X)$

12 Aula 19



Lookahead mais genérico

- Itens contêm informação *lookahead* potencial, resultando em mais estados no controlo de estados finitos
 - Item da forma: $[A \rightarrow \alpha \bullet X \beta \ c]$ diz
 - Próximo símbolo na entrada é c
 - *Parser* já consumiu α , espera analisar $X \beta$, e depois reduzir utilizando: $A \rightarrow \alpha \bullet X \beta$
- Em adição ao estado corrente na tabela sintáctica, todas as acções do *parser* são função dos símbolos de *lookahead*

13

Aula 19



Sumário

- Geradores de *Parsers* – dada uma gramática, produz um *parser*
- Técnica de análise sintáctica descendente
 - Construir automaticamente um autómato de pilha (*pushdown automata*)
 - Obter um *parser shift-reduce*
 - Controlo de estados finitos + pilha
 - Implementação baseada em tabela
- Conflitos: *Shift/Reduce*, *Reduce/Reduce*
- Uso de *lookahead* para eliminar conflitos
 - *Parser* SLR(1) (elimina acções de redução inúteis)
 - *Parser* LR(k) (uso de *lookahead* genérico)

14

Aula 19



Ideia básica para LR(1)

- Dividir estados em LR(0)
 - DFA baseado em *lookahead*
- Acção de reduzir é baseada no item e no *lookahead*

15

Aula 19



Itens LR(1)

- Itens mantêm informação em relação a:
 - Produção
 - Posição *right-hand-side* (o ponto)
 - Símbolo *lookahead*
- Item LR(1) é da forma $[A \rightarrow \alpha \bullet \beta T]$
 - $A \rightarrow \alpha \beta$ é uma produção
 - O ponto em $A \rightarrow \alpha \bullet \beta$ denota a posição
 - T é um símbolo terminal ou o marcador de término (\$)
- Item $[A \rightarrow \alpha \bullet \beta T]$ significa
 - O *parser* já analisou α
 - Se analisa β e o próximo símbolo é T então o *parser* deve reduzir com $A \rightarrow \alpha \beta$

16

Aula 19

Itens LR(1): exemplo

- o Gramática

$S \rightarrow X \$$

$X \rightarrow (X)$

$X \rightarrow \epsilon$

- o Símbolos terminais

- '(' ')'

- o Símbolo terminal

- '\$'

- o Itens LR(1)

$[S \rightarrow \bullet X \$$)]		
$[S \rightarrow \bullet X \$$	([$[X \rightarrow (\bullet X) \$$]
$[S \rightarrow \bullet X \$$	\$]	$[X \rightarrow (X \bullet)$]
$[S \rightarrow X \bullet \$$)]	$[X \rightarrow (X \bullet)$	([
$[S \rightarrow X \bullet \$$	([$[X \rightarrow (X \bullet)$	\$]
$[S \rightarrow X \bullet \$$	\$]	$[X \rightarrow (X \bullet)$)]]
$[X \rightarrow \bullet (X)$)]	$[X \rightarrow (X \bullet)$	([
$[X \rightarrow \bullet (X)$	([$[X \rightarrow (X \bullet)$	\$]
$[X \rightarrow \bullet (X)$	\$]	$[X \rightarrow \bullet)$]
$[X \rightarrow (\bullet X)$)]	$[X \rightarrow \bullet ($]
$[X \rightarrow (\bullet X)$	([$[X \rightarrow \bullet \$$]

17

Aula 19

Criação do *parser* LR(1)

- o É necessário definir funções Closure() e Goto() para itens LR(1)
- o Necessário algoritmo para criar DFA
- o Necessário algoritmo para criar a tabela do *parser*

18

Aula 19

Closure para LR(1)

Closure(I)

repeat

for all items $[A \rightarrow \alpha \bullet X \beta \ c]$ in I

for any production $X \rightarrow \gamma$

for any $d \in \text{First}(\beta \ c)$

$I = I \cup \{ [X \rightarrow \bullet \gamma \ d] \}$

until I does not change

return I

19

Aula 19

Goto para LR(1)

Goto(I, X)

$J = \{ \}$

for any item $[A \rightarrow \alpha \bullet X \beta \ c]$ in I

$J = J \cup \{ [A \rightarrow \alpha X \bullet \beta \ c] \}$

return Closure(J)

20

Aula 19



Construção do DFA LR(1)

- Começar com o item: [$\langle S' \rangle \rightarrow \bullet \langle S \rangle \$?$]
 - ? É irrelevante porque nunca deslocaremos \$
- Determinar o fechamento (closure) do item e formar o estado
- Seleccionar um estado I
 - for each item [$A \rightarrow \alpha \bullet X \beta \ c$] in I
 - find Goto(I, X)
 - if Goto(I, X) is not already a state, make one
 - Add an edge X from state I to Goto(I, X) state
- Repetir até que não haja mais adições

21

Aula 19



Criação da tabela do *parser*

- Para cada estado no DFA LR(1)
 - Transição para outro estado usando um símbolo terminal é um deslocamento para esse estado (*shift to sn*)
 - Transição para outro estado usando um símbolo não-terminal é um goto para esse estado (*goto sn*)
 - Se existir um item [$\mathbf{A} \rightarrow \alpha \bullet \mathbf{a}$] num estado, **reduzir** para o símbolo de entrada **a** com a produção $\mathbf{A} \rightarrow \alpha$ (*reduce k*)

22

Aula 19



Parser Look-Ahead LR(1) ou LALR(1)

- Motivação
 - *Parser* LR(1) tem um número elevado de estados
 - Método simples para eliminar estados
- Se dois estados LR(1) são idênticos excepto no símbolo *lookahead* dos itens então juntar estados
- Resultado é um DFA LALR(1)
- Tipicamente tem muito menos estados do que LR(1)
- Pode ter mais conflitos *reduce/reduce*

23

Aula 19



Classificar uma gramática como LL(1)

- Como verificar se uma gramática é LL(1)?
 - Se a tabela sintáctica não tiver mais do que uma produção em cada célula
- Tabela sintáctica do analisador preditivo
 - Uma linha por cada não-terminal
 - Uma coluna por cada Terminal
 - Colocar produção $X \rightarrow \gamma$ na linha X, coluna T, para cada $T \in \text{First}(\gamma)$
 - Se γ pode derivar ϵ então colocar produção $X \rightarrow \gamma$ na linha X, coluna T, para cada $T \in \text{Follow}(X)$

24

Aula 19

Classificar uma gramática como LL(1)

- Colocar produção $X \rightarrow \gamma$ na linha X, coluna T, para cada $T \in \text{First}(\gamma)$
- Se γ pode derivar ϵ então colocar produção $X \rightarrow \gamma$ na linha X, coluna T, para cada $T \in \text{Follow}(X)$

Gramática:

$Z \rightarrow \text{"d"}$

$Z \rightarrow X Y Z$

$Y \rightarrow \epsilon$

$Y \rightarrow \text{"c"}$

$X \rightarrow Y$

$X \rightarrow \text{"a"}$

Não-terminais	Terminais		
	"d"	"c"	"a"
Z			
Y			
X			

25 Aula 19

Classificar uma gramática como LL(1)

- Como verificar se uma gramática é LL(1)?
- Se a tabela sintática não tiver mais do que uma produção em cada célula
- A gramática não é LL(1)

Gramática:

$Z \rightarrow \text{"d"}$

$Z \rightarrow X Y Z$

$Y \rightarrow \epsilon$

$Y \rightarrow \text{"c"}$

$X \rightarrow Y$

$X \rightarrow \text{"a"}$

Não-terminais	Terminais		
	"d"	"c"	"a"
Z	$Z \rightarrow X Y Z$ $Z \rightarrow \text{"d"}$	$Z \rightarrow X Y Z$	$Z \rightarrow X Y Z$
Y	$Y \rightarrow \epsilon$	$Y \rightarrow \epsilon$ $Y \rightarrow \text{"c"}$	$Y \rightarrow \epsilon$
X	$X \rightarrow Y$	$X \rightarrow Y$	$X \rightarrow \text{"a"}$ $X \rightarrow Y$

26 Aula 19



Classificação de Gramáticas

- o Uma gramática diz-se:
 - **LR(0)** se existir uma tabela sintáctica LR(0) sem conflitos (*reduce/reduce*, ou *shift/reduce*)
 - **SLR(1)** se existir uma tabela sintáctica SLR(1) sem conflitos (*reduce/reduce*, ou *shift/reduce*)
 - **LR(k)** se existir uma tabela sintáctica LR(k) sem conflitos (*reduce/reduce*, ou *shift/reduce*)
 - **LL(k)** se puder ser analisada por um analisador sintáctico preditivo com lookahead=k

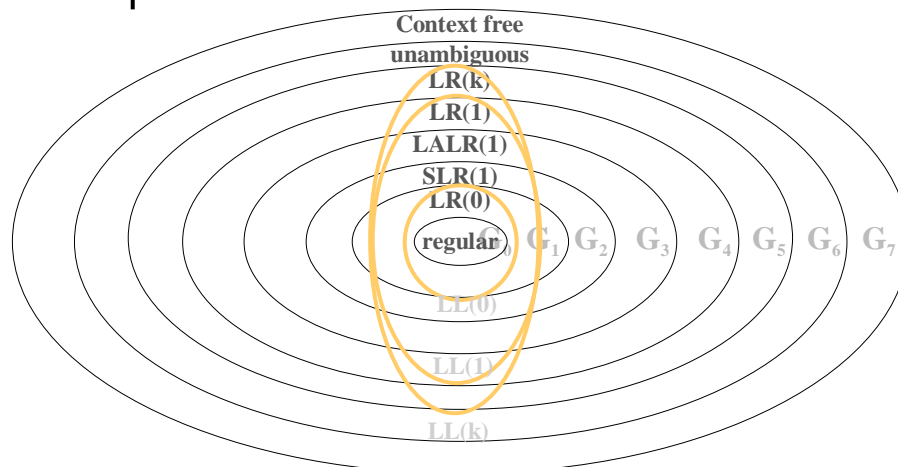
27

• ...

Aula 19



Classificação de Gramáticas



28

Aula 19



Geradores de *Parsers*

- o Geram C, <http://dinosaur.compilertools.net/>
 - Lex & Yacc
 - flex e bison
- o Geram Java:
 - JLex e CUP
<http://www.cs.princeton.edu/~appel/modern/java/JLex/>
<http://www.cs.princeton.edu/~appel/modern/java/CUP/>
 - JavaCC:
<http://www.experimentalstuff.com/Technologies/JavaCC/index.html>
- o Lista com mais geradores de *parsers*
 - <http://catalog.compilertools.net/lexparse.html>
 - <http://catalog.compilertools.net/java.html>